

# Fraunhofer-Institut für Optronik, Systemtechnik und Bildauswertung IOSB

Beitrag zur Formulierung einer  
„Querschnittstheorie Sicherheit“

Prof. Dr.-Ing. habil. Jürgen Beyerer  
Leipzig, 04. Dezember 2015



Ettlingen



Karlsruhe



Ilmenau



Lemgo

## Sicherheit

- **Multidisziplinär:** Technik-, Rechts-, Geistes- und Sozialwissenschaften  
→ Keine gemeinsame, durchgängige Sprache
- **Vielschichtig:** Safety, Security, Zuverlässigkeit
- **Komplex:** Extrem große Konfigurations- und Zustandsräume

Es fehlt eine abstrakte Rückgratwissenschaft für die Sicherheit zur:

- Formalen Beschreibung (Deskription)
- Analyse
- Synthese (Design)
- Optimierung

der Sicherheit komplexer Systeme.

## Was kann eine solche Theorie der Sicherheit leisten?

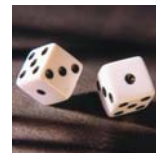
- **Disziplinenübergreifendes Verständnis** und Behandlung komplexer Sicherheitsfragestellungen.
- Herausarbeitung und Bereitstellung **technologieunabhängiger Grundtatsachen** und **Wirkungsmechanismen**.
- Beherrschung der **Komplexität** realer Sicherheitsaufgaben.
- Abdeckung von **Safety** und **Security**.
- Quantifizierung der **Risikominderung** durch **Schutzmaßnahmen**  
→ Quantifizierung von Resilienz
- Quantitativer, **optimaler Entwurf** von Sicherheitssystemen

## Spieltheoretische Sicht auf Safety und Security

### „Safety“

#### »Spiel gegen den Zufall«

- Stochastisch eintretende Schadensereignisse
- Statistische Analyse der Gefährdung
- Passive Maßnahmen reichen oft aus.



### „Security“

#### »Spiel gegen die Absicht«

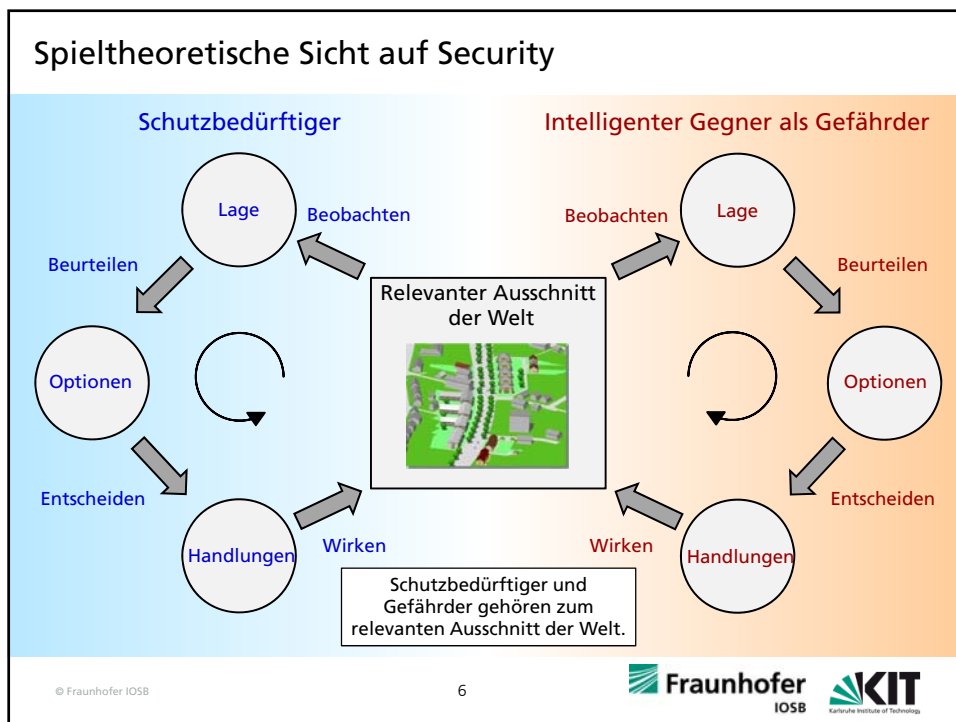
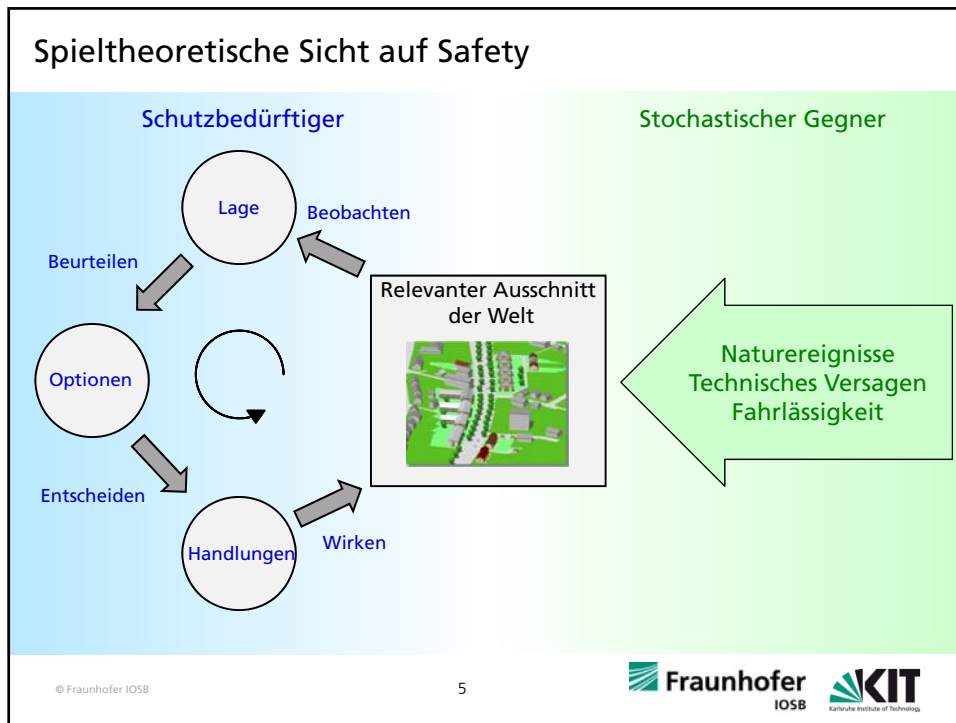
- Gegner entzieht sich dem Verstandenwerden, handelt taktisch.
- Auf Maßnahmen folgen Gegenmaßnahmen, folgen Maßnahmen, ..... usw.
- Aktive, d.h. rückgekoppelte, adaptive und lernende Prozesse sind notwendig.

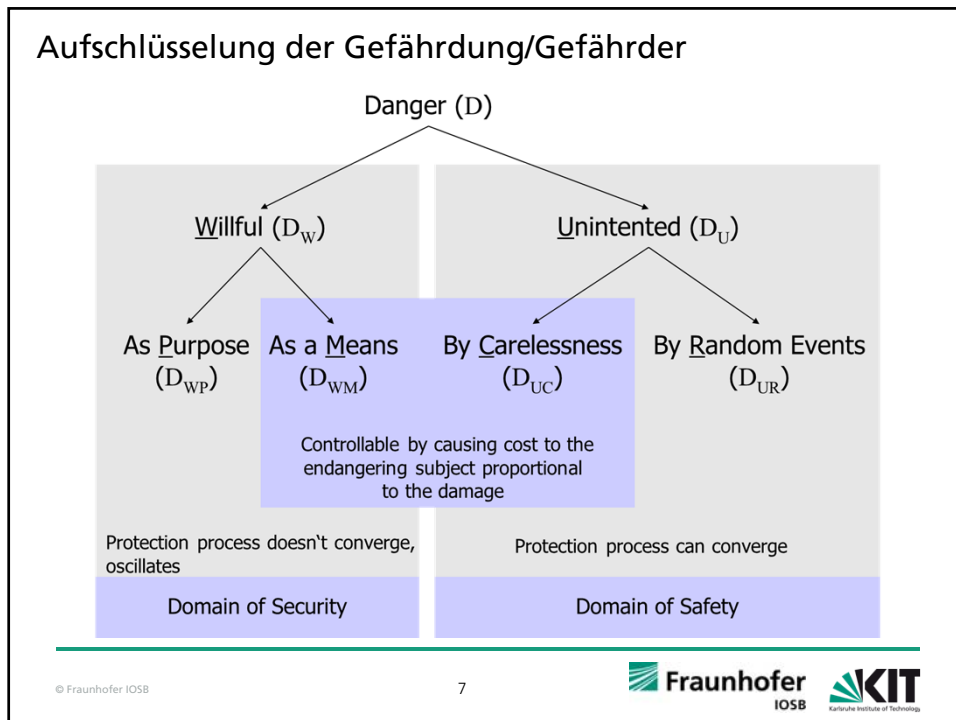


Gewährleistung von **Security** ist ein dynamischer Prozess!

→ Schutzprozesse werden **Regelkreise**.

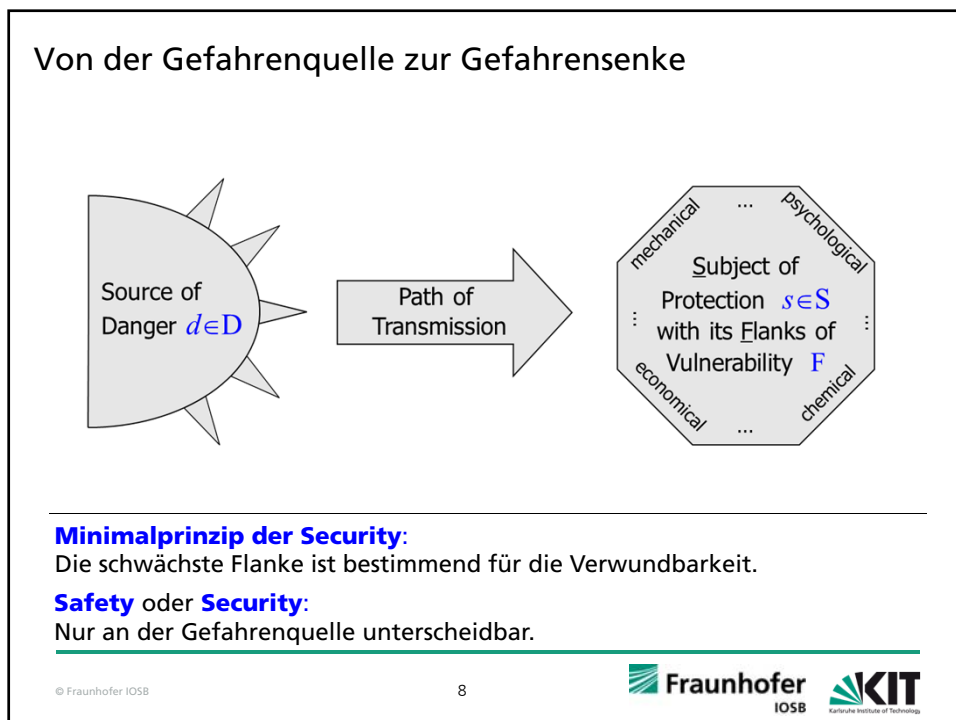


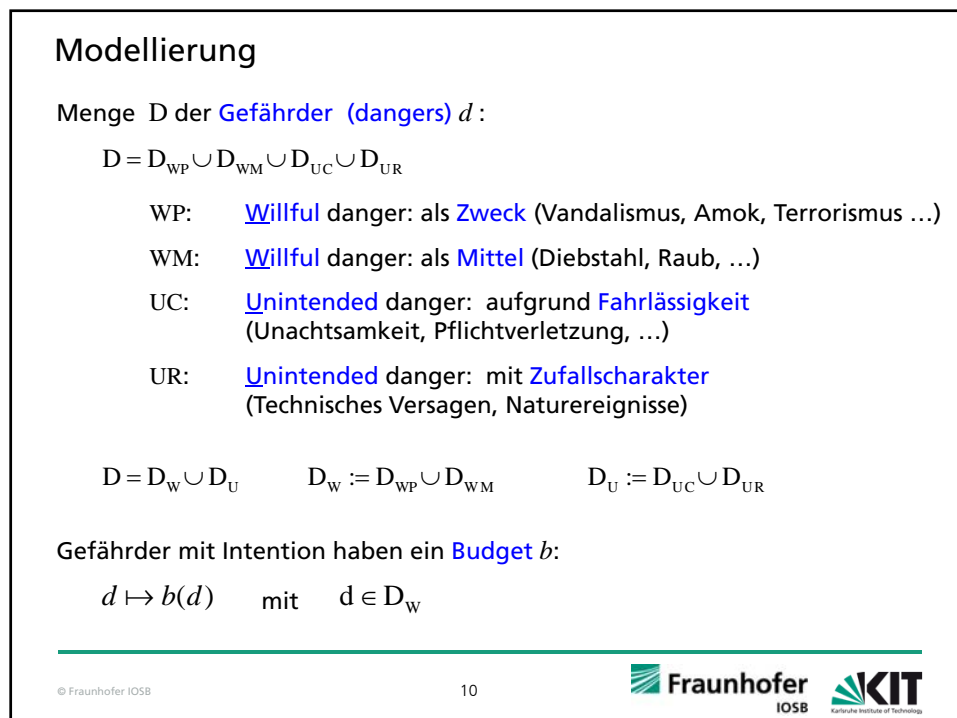
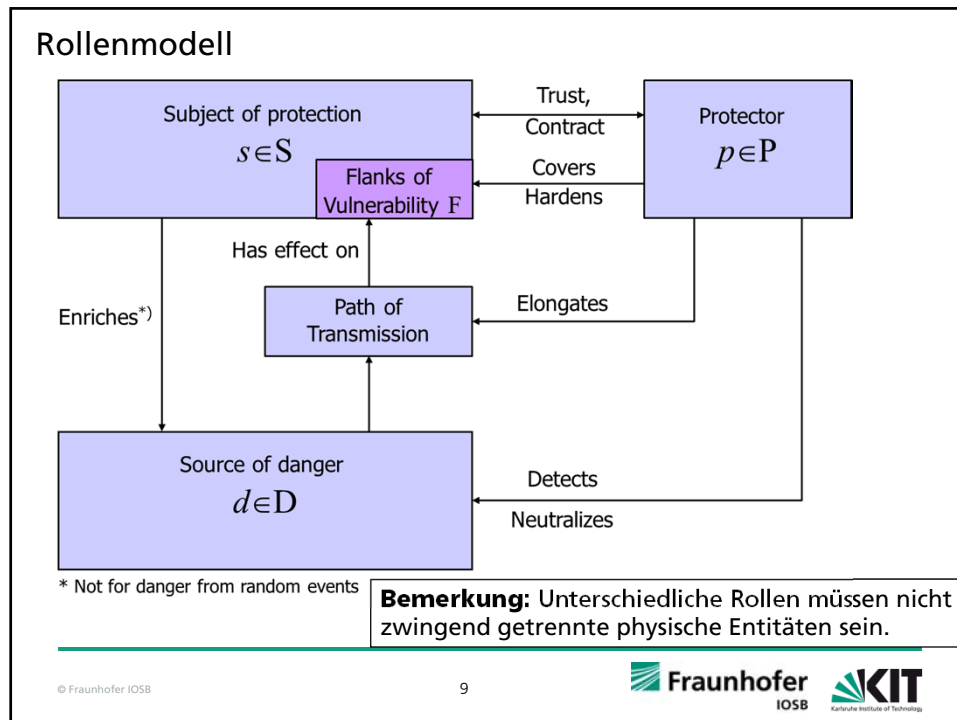




© Fraunhofer IOSB

7





## Modellierung

Gefährder mit Intention  $d \in D_w$  verüben **Angriffe (attacks)**  $a \in A$

$A$ : Menge der Angriffe (attacks)

$A_d$ : Menge der von  $d$  durchführbaren Angriffe

$$A_d \subseteq A$$

Unabsichtliche Gefährder  $d \in D_U$  erzeugen **Vorfälle (incidents)**  $i \in I$

$I$ : Menge der Vorfälle (incidents)

$I_d$ : Menge der durch  $d \in D_U$  verursachbaren Vorfälle

$$I_d \subseteq I$$

Der **Erfolg** eines Angriffs bzw. der **Schadensgrad** eines Vorfalls wird mit

$$\beta \in [0,1]$$

quantifiziert.  $\beta = 0$  bedeutet "Erfolglosigkeit" bzw. "kein Schaden",  $\beta = 1$  bedeutet "vollständiger Erfolg" bzw. "vollständiger Schadenseintritt".

## Modellierung

**Fahrlässige Gefährder**  $d \in D_{UC}$  erleiden durch ihre Vorfälle **Kosten**  $\kappa$ :

$$\kappa(s, f, \beta) \in [0, \kappa_{\text{Ruin}}(d)]$$

Diese Kosten entsprechen einer Strafe für  $d$  bei Verursachung eines Vorfalls, der  $s$  über  $f$  betrifft und den Schadensgrad  $\beta$  hat.

### **Annahme:**

Je höher diese Kosten, desto geringer die Eintrittswahrscheinlichkeit eines Vorfalls (wirkt als „**Abschreckung**“).

## Modellierung

Menge  $S$  der **Schutzbedürftigen**  $s$  :

$$S = S_{\text{Personen}} \cup S_{\text{Objekte}} \cup S_{\text{Systeme}} \cup S_{\text{Rechtsgüter}}$$

Schutzbedürftige haben ein **Budget**:

$$s \mapsto b(s) \quad \text{mit } s \in S$$

Schutzbedürftige haben **Flanken der Verwundbarkeit**:

$$f \in F(s)$$

Angriff auf oder Vorfall an Flanke der Verwundbarkeit  
 $f$  von  $s$  mit Erfolgs- bzw. Schadensgrad  $\beta$  **kostet**  $s$ :

$$c(s, f, \beta) \in [0, \infty)$$

## Modellierung

**Erfolgs- bzw. Schadensgrad**  $\beta$  eines Angriff  $a$  auf oder Vorfalls  $i$  an **Flanke der Verwundbarkeit**  $f$  von  $s$  wird als Zufallsvariable mit den DoB-Dichten

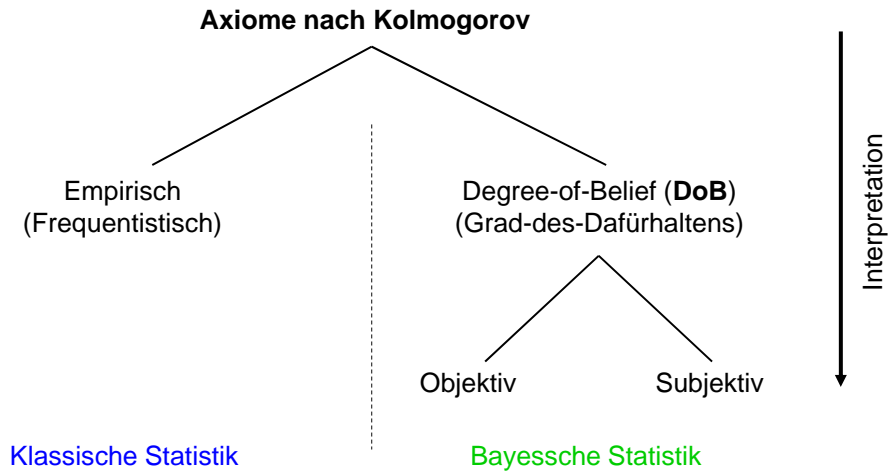
$$p_v(\beta|i, s, f) \quad \text{bzw.} \quad p_v(\beta|a, s, f)$$

modelliert.

Diese Dichten beschreiben die **Vulnerabilität** des Schutzbedürftigen  $s$  über seine Flanken der Verwundbarkeit.

## Bedeutung von Wahrscheinlichkeit

Mit den Kolmogorov'schen Axiomen verträgliche Interpretationen:



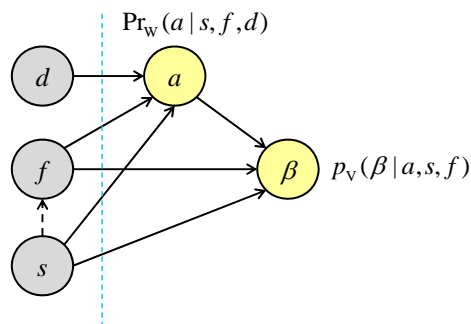
© Fraunhofer IOSB

15

## Modellierung

Die **Vulnerabilität** wird als eine **Eigenschaft des Schutzbedürftigen  $s$**  modelliert, die vom Vorfall  $i$  bzw. vom Angriff  $a$  abhängt, aber **unabhängig vom Gefährder  $d$**  ist (bedingte Unabhängigkeit).

Beispiel im Falle eines Angreifers:



$\Pr_w(a|s, f, d)$  : **Wahrscheinlichkeit** (DoB) eines **Angriffs** durch  $d$  auf  $s$  über  $f$  aus Sicht des Schutzbedürftigen.

© Fraunhofer IOSB

16



## Modellierung

Menge  $P$  der **Schützer** liefert Schutzmaßnahmen  $m$  für die Flanke  $f$  von  $s$  :

$$m(s, f) \in M$$

$M$ : Menge verfügbarer Schutzmaßnahmen.

$M^*$ : Menge implementierter Schutzmaßnahmen.

$$M^* \subseteq M$$

Eine Schutzmaßnahmen  $m$  **kostet**:

$$c(m(s, f))$$

**Nebenbedingung**:

$$\sum_{m \in M^*} c(m(s, f)) \leq b(s)$$

**Annahme:**  $m(s, f)$  **vermindert** die **Vulnerabilität**  $p_V(\beta | \cdot, s, f)$  und/oder die **Eintrittswahrscheinlichkeiten** von Angriffen und/oder von Vorfällen.  
 $m(s, f)$  **vermindert** hingegen nicht  $c(s, f, \beta)$  .

## Quantifizierung des Risikos

**Risiko** für den Schutzbedürftigen  $s$ :

$$\begin{aligned} R_s = & \sum_{d \in D_U} \sum_{i \in I_d} \sum_{f \in F_s} \int_0^1 c(s, f, \beta) \cdot p_V(\beta | i, s, f) d\beta \cdot \Pr_U(i | s, f, d) \\ & + \sum_{d \in D_W} \sum_{a \in A_d} \int_0^1 c(s, \tilde{f}, \beta) \cdot p_V(\beta | a, s, \tilde{f}) d\beta \cdot \Pr_W(a | s, \tilde{f}, d) \\ & + \sum_{m \in M^*} c(m(s, f)) \end{aligned}$$

$\Pr_U(i | s, f, d)$  : **Eintrittswahrscheinlichkeit** (DoB) eines **Vorfalles** durch  $d$  betreffend  $s$  über  $f$  .

$\Pr_W(a | s, \tilde{f}, d)$  : **Wahrscheinlichkeit** (DoB) eines **Angriffs** durch  $d$  auf  $s$  über  $\tilde{f}$  aus Sicht des Schutzbedürftigen.

## Definition Risiko

$$\text{Risiko} := \text{Ensemble\_Functional} \{ \text{Cost}(\text{Event}) \times \text{Probability}(\text{Event}) \}$$

$$\text{Risiko} := \text{Ensemble\_Functional} \left\{ \begin{array}{l} \text{Cost}(\text{Event}, \text{Severity}) \\ \times \text{Probability}(\text{Severity} | \text{Event}) \\ \times \text{Probability}(\text{Event}) \end{array} \right\}$$

## Quantifizierung des Risikos

**Risiko** für den Schutzbedürftigen  $s$ :

$$\begin{aligned} R_s = & \sum_{d \in D_U} \sum_{i \in I_d} \sum_{f \in F_s} \int_0^1 c(s, f, \beta) \cdot p_V(\beta | i, s, f) d\beta \cdot \Pr_U(i | s, f, d) && \text{Safety} \\ & + \sum_{d \in D_W} \sum_{a \in A_d} \int_0^1 c(s, \tilde{f}, \beta) \cdot p_V(\beta | a, s, \tilde{f}) d\beta \cdot \Pr_W(a | s, \tilde{f}, d) && \text{Security} \\ & + \sum_{m \in M^*} c(m(s, f)) && \text{Costs of measures} \end{aligned}$$

$\tilde{f} := \arg \max_{f \in F_s} \{ \max_{a \in A_d} \{ U_d(a, s, f) \} \}$  Flanke der Verwundbarkeit mit der größten Nützlichkeit aus Sicht des Angreifers  $d \in D_W$

$$\begin{aligned} U_d(a, s, f) := & \int_0^1 g(s, f, \beta) \cdot p_{\text{Success}}(\beta | a, s, f) d\beta - c_{\text{Effort}}(a, s, f) \\ & - \int_0^1 c_{\text{Penalty}}(s, f, \beta) \cdot \Pr(\text{Penalty} | s, f, \beta) \cdot p_{\text{Success}}(\beta | a, s, f) d\beta \end{aligned}$$

Nützlichkeit (*Utility*) aus Sicht des Angreifers.  $d \in D_W$

## Modellierung

$g(s, f, \beta)$  : Gewinn (gain) des Angreifers bei Angriff auf  $f$  von  $s$  mit Erfolg  $\beta$

$p_{\text{Success}}(\beta | a, s, f)$  : DoB-Dichte des Erfolgs  $\beta$  bei Angriff  $a$  auf  $s$  via  $f$

$c_{\text{Effort}}(a, s, f)$  : Kosten für Angriff  $a$  auf  $s$  via  $f$

$c_{\text{Penalty}}(s, f, \beta)$  : Monetäres Äquivalent einer Strafe für Angriff auf  $s$  via  $f$  mit Erfolg  $\beta$

$\Pr(\text{Penalty} | s, f, \beta) = 1 - \Pr(\neg \text{Penalty} | s, f, \beta)$  : DoB der Bestrafung eines Angriff auf  $s$  via  $f$  mit Erfolgs  $\beta$

---

Budgetbeschränkung:  $c_{\text{Effort}}(a, s, f) \leq b(d)$

## Modellierung

**Qualitative Argumentation:** Nur wenn der Angreifer zu einem Angriff **motiviert** ist und die **Fähigkeit** (Power, Mittel und Fähigkeiten) hat und die **Gelegenheit** (Occasion) hat, wird er einen Angriff durchführen.

**Quantitative Modellierung:** Zerlegung der Eintrittswahrscheinlichkeit (DoB) eines Angriffs in drei Faktoren (implizite Unabhängigkeitsannahme).

$$\Pr_W = \Pr_{\text{Motivation}} \cdot \Pr_{\text{Power}} \cdot \Pr_{\text{Occasion}}$$

## Modellierung

- Bisherige **statische Betrachtung** bezieht sich auf vorgegebenen **Zeitraum** der Länge  $T$ .
- **Dynamisierung** des Modells, Einführung einer diskreten Zeit  $t = k\Delta T$ ,  $k \in \mathbb{N}_0$  mit konstanten Zeitschritten  $\Delta T$ .
- Alle bisher eingeführten Größen werden zu Zeitfolgen.

### Anmerkung und Hypothese:

Bei **statischer Betrachtung** und längeren Zeiträumen der Dauer  $T$  lassen sich Abhängigkeiten z.B. zwischen Angriffswahrscheinlichkeit und Vulnerabilität nicht vermeiden.

Tastet man das Problem zeitlich aber fein genug ab, so kann man die Veränderung der Angriffswahrscheinlichkeit als Reaktion auf eine vulnerabilitätssenkende Schutzmaßnahme beim **Übergang zum nächsten Zeitpunkt** berücksichtigen.

**Innerhalb** des aktuellen Zeitintervalls modelliert man die beiden Größen jedoch **konstant** und **entkoppelt**.

## Modellierung

**Dynamisierung** des Modells; Zeitpunkte  $k$ :

$$a \rightarrow a^k$$

$$m \rightarrow m^k$$

$$\vdots$$

$$\text{Pr}_W \rightarrow \text{Pr}_W^k$$

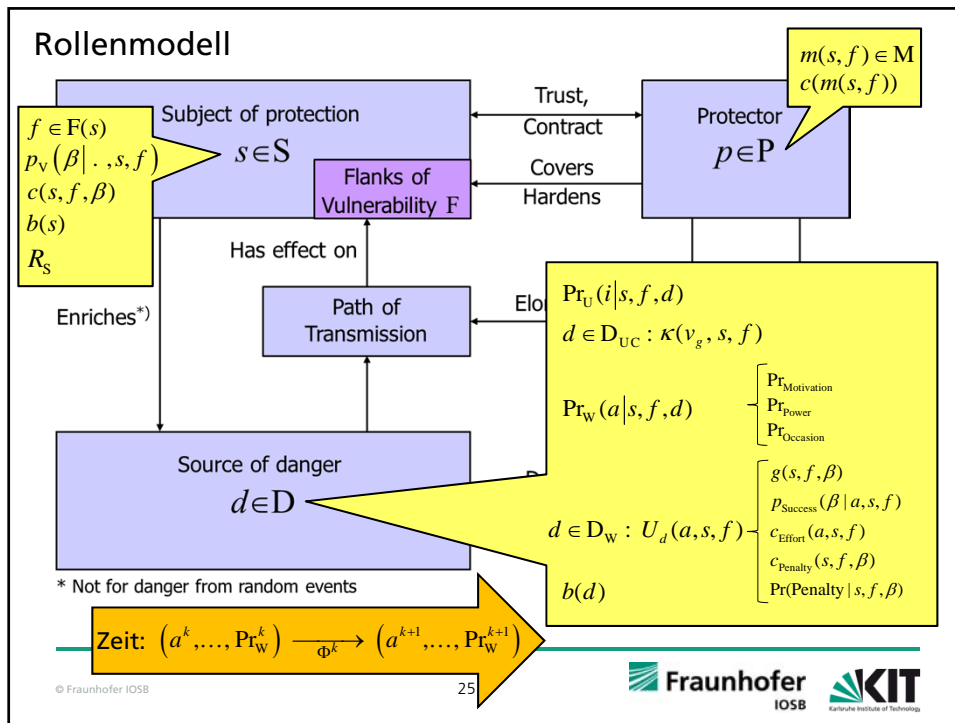
$$\text{Pr}_U \rightarrow \text{Pr}_U^k \quad \text{usw.}$$

$$\left( b^k(s), m^k, \dots, p_V^k, \text{Pr}_U^k, \text{Pr}_W^k, R_s^k, U_d^k \right) \xrightarrow{\Phi^k} \left( b^{k+1}(s), m^{k+1}, \dots, p_V^{k+1}, \text{Pr}_U^{k+1}, \text{Pr}_W^{k+1}, R_s^{k+1}, U_d^{k+1} \right)$$

$\Phi^k$ : **Transitionoperator** vom Zeitpunkt  $k$  zum Zeitpunkt  $k+1$ . Hängt von sich zeitlich ändernden Gegebenheiten ab und modelliert u.a. den Einfluss von ergriffenen Schutzmaßnahmen  $m^k$ . (**Markov-Annahme**)

**Anmerkung:** Mit dieser zeitlichen Modellierung lassen sich z.B. Fragen formalisieren wie:

Wie wirkt sich eine zum **Zeitpunkt  $k$**  implementierte **Schutzmaßnahme** im **Zeitschritt  $k+1$**  auf **Vulnerabilität**, **Eintrittswahrscheinlichkeiten** usw. aus?



### Simulation auf Basis des Modells

- MDP (*Markov Decision Processes*) und POMDP (*Partially Obsevable Markov Decision Processes*)
- Monte Carlo Verfahren
- Agentenbasierte Simulation (rationale sowie tlw. randomisierte Agenten)

### Bemerkungen

- Modellierung ist Szenarien-übergreifend, da Ensemble von Szenarien betrachtet wird. Aussagen werden über Ensemble-Funktionale gewonnen.
- Sichere Zustände (Security) als stabile Nash-Gleichgewichte modellieren.
- Modellierung von Ensembles von Schutzbedürftigen:  $R_S = \sum_{s \in S} R_s$
- DoBs subjektiv; Schätzung subjektiv; Rollenkonzept vereinbar mit der subjektiven Bayes'schen Deutung von Wahrscheinlichkeit.

→ Theorieentwicklung u.a. im [Themennetzwerk Sicherheit, acatech](#)

→ Antrag [DFG SPP "Transdisziplinäre Theorie der Verlässlichkeit"](#) eingereicht.

→ Forschungsprojekt gemeinsam mit PD Dr. Oliver Raabe KIT in [KASTEL](#).

**11. Fraunhofer Conference Future Security 2016**

**Future Security**  
Security Research Conference



International Scientific Security Research Conference  
Berlin, 13.-15. September 2016

© Fraunhofer IOSB

27

